

– INFORMATIQUE — Lic. Math. — TD 5 ——

Tri rapide d'un tableau

But du TD

On souhaite trier par ordre croissant les éléments d'un tableau. Le principe du *tri* rapide consiste à partager le tableau à trier en deux sous-tableaux tels que les éléments du premier sous-tableau soient tous inférieurs aux éléments du second. On réitère ce procédé jusqu'à obtenir des sous-tableaux à un seul élément.

Principe du partage

Pour partager un tableau en deux, on choisit un élément de référence appelé pivot. Le pivot peut être par exemple le premier élément du tableau. On divise ensuite le tableau en trois parties consécutives (cf. fig. 1): un ensemble d'éléments inférieurs ou égaux au pivot (d'indices compris entre 1 et la valeur d'un compteur inf, pour inférieur), une zone non encore traitée mêlant des éléments inférieurs et supérieurs au pivot (d'indices compris entre la valeur de inf plus un et la valeur d'un compteur sup, pour supérieur) et enfin un ensemble d'éléments supérieurs (strictement) au pivot (d'indices compris entre la valeur de sup plus un et la taille n du tableau.



Fig. 1 – Les trois parties du tableau

Le partage commence avec inf valant 1 et sup valant n: la première partie se limite au pivot et la troisième est vide. Il se finit lorsque inf et sup sont égaux, c'est-à-dire lorsque la zone non encore traitée est vide. À chaque étape, on considère l'élément d'indice inf plus un, c'est-à-dire le premier élément de la zone non encore traitée. Si cet élément est inférieur ou égal au pivot, on incrémente inf. S'il lui est strictement supérieur, on le permute avec l'élément d'indice sup et on décrémente sup.

L'ultime étape du partage consiste à placer le pivot à sa place, c'est-à-dire à permuter les éléments d'indices 1 (le pivot) et inf (le dernier élément inférieur ou égal au pivot).

Questions

Algorithmique et programmation

Écrire une procédure récursive puis un programme Pascal effectuant le tri rapide d'un tableau de réels. On pourra utiliser une fonction partage, telle que partage (tab, min, max) effectue le partage de la partie du tableau tab dont les indices varient entre min et max, en fonction du pivot tab[min], et retourne comme résultat l'indice de la position définitive du pivot.

Preuve de programme

Comment peut-on prouver formellement que ce tri fonctionne correctement? Détailler chacune des étapes.